

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Костромской государственный университет»

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
Математика

Направление подготовки
44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность
Начальное образование, методика воспитательной деятельности

Квалификация выпускника:
бакалавр

**Кострома
2025**

Рабочая программа дисциплины «Математика» разработана:

- в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденным приказом № 125 от 22.02.2018 г.

- в соответствии с учебным планом направления подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), направленность *«Начальное образование, методика воспитательной деятельности»*, год начала подготовки – 2025.

Разработал: Коваленко М.Ю., доцент кафедры педагогики и акмеологии личности,
к.п.н.

Рецензент: Воронцова А.В., заведующий кафедрой педагогики и акмеологии
личности, к.пед.н..

УТВЕРЖДЕНО:

На заседании кафедры педагогики и акмеологии личности

Протокол заседания №4 от 16 декабря 2024 г.

Заведующий кафедрой педагогики и акмеологии личности

Воронцова А.В., к.пед.н., доцент

1. Цели и задачи освоения дисциплины

Цели дисциплины: ознакомление студентов с концептуальными основами математики, её мировоззренческим и общекультурным значением, ролью в изучении окружающего мира; формирование готовности использования математических знаний в сфере профессиональной деятельности, дальнейшего самостоятельного совершенствования математических знаний.

Задачи дисциплины:

- изучить законы и концепции математики, основные подходы к рассмотрению числовых систем и их свойств, ведущие идеи геометрии и основные свойства геометрических фигур;
- углубить представления о роли и месте математики в изучении окружающего мира, о математических методах его познания;
- дать студентам необходимые математические знания, на основе которых строится начальный курс математики, сформировать умения для глубокого овладения его содержанием;
- развить культуру мышления, способности анализировать и решать математические проблемы;
- сформировать умение использовать полученные знания в профессиональной деятельности;
- обеспечить условия для активизации познавательной деятельности студентов и формирования у них опыта математической деятельности в ходе решения прикладных задач, специфических для области их профессиональной деятельности;
- стимулировать самостоятельную деятельность по освоению содержания дисциплины и формированию необходимых компетенций;
- сформировать готовность студентов к применению современных методик и технологий ведения образовательной деятельности по математике в начальной школе, информационных и компьютерных технологий.

2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине

В результате освоения дисциплины обучающийся должен освоить компетенции:

ОПК-8. Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний.

Код и содержание индикаторов компетенции:

ОПК-8.1. Демонстрирует владение системой специальных научных знаний в предметной области.

ОПК-8.2. Применяет специальные предметные знания в педагогической деятельности по направленности программы.

Знать:

- определения и свойства теоретико-множественных операций и отношений;
- определения соответствия между множествами, бинарного отношения на множестве, их свойства и способы задания, виды отношений;

- определение числовой функции, свойства прямой и обратной пропорциональности;
- основные способы определения понятий, виды определений, требования к определениям,
- основы математической логики;
- теоретико-множественное обоснование (количественную теорию) арифметики целых неотрицательных чисел;
- основы аксиоматического метода в математике, аксиоматическое построение множества целых неотрицательных чисел;
- основы построения непозиционных и позиционных систем счисления;
- определение и свойства отношения делимости, основные признаки делимости;
- определения рационального числа и операций над рациональными числами, свойства множества рациональных чисел;
- определения действительного числа и операций над действительными числами;
- определения уравнения и неравенства с одной переменной, корней уравнения, теоремы о равносильности уравнений и неравенств;
- важнейшие величины начального курса математики, их свойства;
- определения геометрических понятий, изучаемых в начальной школе.

Уметь:

- выполнять теоретико-множественные операции над множествами;
- изображать декартово произведение двух множеств на координатной плоскости;
- устанавливать способ задания данного отношения и формулировать его свойства;
- распознавать числовые функции, прямую и обратную пропорциональность;
- анализировать структуру определений понятий, находить ошибки в рассуждениях;
- обосновывать выбор действия при решении простейших текстовых задач с теоретико-множественной точки зрения;
- иллюстрировать аксиоматический подход примерами из начального курса математики;
- применять признаки делимости на практике, находить НОД и НОК разными способами;
- различать по записи выражение с переменными, числовое равенство и неравенство, уравнение и неравенство с одной переменной;
- устанавливать вид закономерностей между величинами;
- изображать геометрические фигуры.

Владеть:

- изображением множеств и отношений между ними с использованием диаграмм Эйлера – Венна;
- разбиением множества на классы;

- построением графиков прямой и обратной пропорциональности;
- навыками нахождения ошибок в определениях;
- простейшими схемами правильных логических рассуждений;
- законами сложения и умножения натуральных чисел;
- алгоритмами действий в десятичной системе счисления;
- законами сложения и умножения рациональных чисел;
- рациональными приёмами устных и письменных вычислений с целыми неотрицательными, рациональными и действительными числами;
- навыками решения и обоснования решений уравнений и неравенств;
- решением текстовых задач;
- приёмами измерений математических величин (длины, площади, массы, времени и т.д.).

3. Место дисциплины в структуре ОП ВО

Дисциплина «Математика» относится к базовой части. Дисциплина изучается с первого по седьмой семестры.

Студенты, приступающие к изучению дисциплины должны владеть предметными знаниями и видами деятельности курса математики, определёнными федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования.

Изучение дисциплины является основой для освоения последующих дисциплин: «Методика преподавания математики в начальной школе», «Практикум по решению нестандартных задач в математике начальной школе». Полученные теоретические знания по дисциплине «Математика» необходимы для успешного осуществления Производственной (педагогической) практики.

Формирование компетенции ОПК-8 Способен осуществлять педагогическую деятельность на основе специальных научных знаний обеспечивается также дисциплинами «Организация исследовательской деятельности в системе образования», «Русский язык», педагогической практикой, подготовкой к сдаче государственного экзамена.

4. Объем дисциплины (модуля)

4.1. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием академических (астрономических) часов и виды учебной работы

Виды учебной работы	Очная форма
Общая трудоёмкость в зачётных единицах	18
Общая трудоёмкость в часах	648
Аудиторные занятия в часах, в том числе	272
Лекции	114
Практические занятия	158
Самостоятельная работа в часах	376

Форма промежуточной аттестации	1 семестр – экзамен, 2 семестр – зчѣт, 3 семестр – экзамен, 4 семестр – зчѣт, 5 семестр – экзамен, 6 семестр – зчѣт, 7 семестр – экзамен.
--------------------------------	---

4.2. Объѣм контактной работы на одного обучающегося

Виды учебной работы	Количество часов
Лекции	114
Практические занятия	158
Консультации	13,7
Зчѣт	0
Экзамен	1,4
Всего	287,1

5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам), с указанием количества часов и видов занятий

5.1 Тематический план учебной дисциплины

№ темы	Название раздела, темы	Всего з.ед./ часов	Аудиторные занятия		Самостоятельная работа
			Лекции	Практические занятия	
I СЕМЕСТР					
Раздел 1 Множества					
1.	Понятие множества	12	2	4	6
2.	Алгебраические операции на множестве	8	2	2	4
3.	Операции над множествами и их свойства	14	2	4	8
4.	Декартово произведение множеств	14	2	4	8
5.	Соответствия между множествами	14	2	4	8
6.	Функции	10	0	4	6
7.	Отношения на множестве	16	4	4	8
8.	Элементы комбинаторики	20	2	8	10
	Экзамен	36	0	0	36
	Итого	4/144	16	34	94
II СЕМЕСТР					
Раздел 2. Элементы математической логики					
9.	Высказывания и логические операции над ними	24	4	8	12

10.	Высказывательные формы и логические операции над ними	20	2	6	12
11.	Строение и виды теорем	16	2	4	10
12.	Умозаключения и их виды	20	4	6	10
13.	Математические понятия	28	4	10	14
	Зачёт	0	0	0	0
	Итого	3/108	16	34	58
III СЕМЕСТР					
Раздел 3. Различные подходы к понятию целого неотрицательного числа					
14.	Аксиоматическое построение множества целых неотрицательных чисел.	18	6	8	4
15.	Теоретико-множественный смысл натурального числа, нуля и операций над числами	22	6	10	6
16.	Натуральное число как результат измерения величины.	18	4	8	6
17.	Текстовая задача	14	0	8	6
	Экзамен	36	0	0	36
	Итого	3/108	16	34	58
IV СЕМЕСТР					
Раздел 4. Системы счисления.					
18.	Десятичная система счисления	18	8	4	6
19.	Позиционные системы, отличные от десятичной	18	6	2	10
Раздел 5. Основы теории делимости					
20.	Отношение делимости	16	6	4	6
21.	Делители и кратные чисел	20	10	4	6
	Зачёт	0	0	0	0
	Итого	2/72	30	14	28
V СЕМЕСТР					
Раздел 6. Расширение понятия числа					
22.	Рациональные числа	20	4	8	8
23.	Действительные числа	16	4	6	6
	Экзамен	36	0	0	36
	Итого	2/72	8	14	50
VI СЕМЕСТР					
Раздел 7. Выражения, уравнения, неравенства					
24.	Числовые выражения, равенства, неравенства	10	2	2	6
25.	Выражения с переменной	12	2	2	8
26.	Уравнения с одной переменной	12	2	4	6
27.	Неравенства с одной переменной	14	4	4	6
Раздел 8. Величины и их измерение					
28.	Скалярные величины	8	4	2	2

29.	Длина отрезка	4	1	1	2
30.	Площадь плоской фигуры	4	1	1	2
31.	Объём тела	4	1	1	2
32.	Масса тела	4	1	1	2
	Зачёт	0	0	0	0
	Итого	2/72	18	18	36
VII СЕМЕСТР					
Раздел 9. Элементы геометрии					
33.	Аксиоматическое построение геометрии	4	2	0	2
34.	Геометрические фигуры на плоскости	12	4	4	4
35.	Геометрические построения на плоскости	10	2	2	6
36.	Геометрические фигуры в пространстве	10	2	4	4
	Экзамен	36	0	0	36
	Итого	2/72	10	10	52
ВСЕГО		648	114	158	376

5.2. Содержание

РАЗДЕЛ 1. МНОЖЕСТВА

Тема 1. Понятие множества

Понятие множества. Элемент множества. Пустое множество. Конечные и бесконечные множества. Способы задания множеств. Отношения между множествами. Равные множества. Подмножество. Универсальное множество. Круги Эйлера – Венна.

Тема 2. Алгебраические операции на множестве

Понятие алгебраической операции. Свойства алгебраических операций.

Тема 3. Операции над множествами и их свойства.

Пересечение множеств. Объединение множеств. Разность двух множеств, дополнение до множества. Дополнение множества до универсального. Законы операций над множествами. Понятие разбиения множества на попарно непересекающиеся подмножества (классы). Разбиение множества на классы с помощью одного, двух и трех свойств

Тема 4. Декартово произведение множеств

Определение декартового произведения множеств. Декартов квадрат множества. Изображение декартового произведения двух числовых множеств на координатной плоскости.

Тема 5. Соответствия между множествами

Соответствия между элементами множеств. Способы задания соответствий. Соответствие, обратное данному. Виды соответствий. Взаимно однозначные соответствия. Понятие отображений. Виды отображений. Равномошные множества.

Тема 6. Функции

Понятие функции. Способы задания функций. Прямая пропорциональность, линейная функция. Обратная пропорциональность. Квадратичная функция.

Тема 7. Отношения на множестве

Бинарные отношения на множестве. Свойства отношений. Отношение эквивалентности, его связь с разбиением множества на классы. Отношение порядка.

Тема 8. Элементы комбинаторики

Понятие о комбинаторной задаче. Правила суммы и произведения. Перестановки без повторений и с повторениями. Сочетания без повторений и с повторениями. Размещения без повторений и с повторениями.

РАЗДЕЛ 2. ЭЛЕМЕНТЫ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ЛОГИКИ

Тема 9. Высказывания и логические операции над ними

Понятие высказывания. Элементарные и составные высказывания. Операции над высказываниями: конъюнкция, дизъюнкция, инверсия, импликация, эквиваленция. Формулы логики высказываний. Таблицы истинности. Равносильность формул.

Тема 10. В высказывательные формы и логические операции над ними

Высказывательные формы (предикаты). Область определения и область истинности высказывательной формы. Операции над высказывательными формами: конъюнкция, дизъюнкция, инверсия, импликация, эквиваленция. Высказывания с кванторами.

Тема 11. Строеение и виды теорем

Структура теоремы. Виды теорем. Необходимые и достаточные условия.

Тема 12. Умозаключения и их виды

Понятие умозаключения. Правильные и неправильные умозаключения. Виды умозаключений: дедуктивные, индуктивные, по аналогии. Схемы дедуктивных умозаключений. Способы математических доказательств.

Тема 13. Математические понятия

Определяемые и неопределяемые понятия. Объём и содержание понятий. Отношения между понятиями. Способы определения понятий. Структура определения через род и видовое отличие. Корректные и некорректные определения.

РАЗДЕЛ 3. РАЗЛИЧНЫЕ ПОДХОДЫ К ПОНЯТИЮ ЦЕЛОГО НЕОТРИЦАТЕЛЬНОГО ЧИСЛА

Тема 14. Аксиоматическое построение множества натуральных чисел

Понятие об аксиоматическом методе построения теории. Требования, предъявляемые к системе аксиом. Аксиомы Пеано. Определение целого неотрицательного числа. Сложение целых неотрицательных чисел. Законы сложения. Умножение целых неотрицательных чисел. Законы умножения. Вычитание как операция, обратная сложению. Деление как операция, обратная умножению. Невозможность деления на нуль. Деление с остатком. Свойства множества целых неотрицательных чисел. Отношение порядка на множестве целых неотрицательных чисел. Счёт. Порядковые и количественные натуральные числа. Суть метода математической индукции. Доказательство утверждений методом математической индукции.

Тема 15. Теоретико-множественный смысл натурального числа, нуля и операций над числами

Понятие натурального числа и нуля. Отношения «равно», «меньше», «больше» на множестве целых неотрицательных чисел. Определение суммы, её существование и единственность. Законы сложения. Определение разности, её существование и единственность. Теоретико-множественный смысл правил вычитания «числа из суммы» и «суммы из числа». Понятия «больше на», «меньше на». Определение произведения, его существование и единственность. Законы умножения. Определение произведения через сумму. Определение частного целого неотрицательного числа на натуральное, его существование и единственность. Теоретико-множественный смысл правил деления суммы и произведения на число. Понятия «больше в», «меньше в».

Тема 16. Натуральное число как результат измерения величины

Натуральное число как мера длины отрезка. Определение арифметических операций над натуральными числами как мерами длин отрезков.

Тема 17. Текстовая задача

Структура текстовой задачи. Методы и способы решения текстовых задач. Этапы решения задач.

РАЗДЕЛ 4. СИСТЕМЫ СЧИСЛЕНИЯ

Тема 18. Десятичная система счисления

Позиционные и непозиционные системы счисления. Понятие системы счисления. Запись и название чисел в десятичной системе счисления. Алгоритмы арифметических действий над целыми неотрицательными числами в десятичной системе счисления.

Тема 19. Позиционные системы, отличные от десятичной

Запись чисел в позиционных системах счисления, отличные от десятичной. Переход от одной позиционной системы счисления к другой. Алгоритмы арифметических действий над целыми неотрицательными числами в системах счисления с основанием, отличным от десяти.

РАЗДЕЛ 5. ОСНОВЫ ТЕОРИИ ДЕЛИМОСТИ

Тема 20. Отношение делимости

Определение отношения делимости на множестве целых неотрицательных чисел. Свойства отношения делимости. Делимость суммы, разности и произведения целых неотрицательных чисел. Признаки делимости на 2, 3, 4, 5, 7, 8, 9, 11, 13, 25. Признаки делимости на составные числа.

Тема 21. Делители и кратные чисел

Простые и составные числа. Бесконечность множества простых чисел. Наименьшее общее кратное и наибольший общий делитель чисел, их основные свойства. Взаимно простые числа. Основная теорема арифметики. Алгоритмы нахождения наибольшего общего делителя и наименьшего общего кратного чисел. Алгоритм Евклида.

РАЗДЕЛ 6. РАСШИРЕНИЕ ПОНЯТИЯ ЧИСЛА

Тема 22. Рациональные числа

Понятие дроби. Рациональное число. Арифметические действия над рациональными числами. Законы сложения и умножения. Свойства множества рациональных чисел. Десятичные дроби. Алгоритмы арифметических действий над ними. Рациональные числа как бесконечные десятичные периодические дроби. Преобразование обыкновенных дробей в десятичные. Преобразование периодических дробей в обыкновенные.

Тема 23. Действительные числа

Понятие иррационального числа. Положительные действительные числа. Бесконечные десятичные непериодические дроби. Множество действительных чисел. Арифметические действия над действительными числами. Законы сложения и умножения. Свойства множества действительных чисел. Упорядоченность и непрерывность множества положительных действительных чисел. Геометрическая интерпретация множества действительных чисел.

РАЗДЕЛ 7. ВЫРАЖЕНИЯ, УРАВНЕНИЯ, НЕРАВЕНСТВА

Тема 24. Числовые выражения, равенства, неравенства

Числовое выражение и его значение. Числовые равенства и их свойства. Числовые неравенства и их свойства.

Тема 25. Выражения с переменной

Выражение с переменной, его область определения. Тождественные преобразования выражений. Тождество.

Тема 26. Уравнения с одной переменной

Определение уравнения. Уравнения с одной переменной. Равносильные уравнения. Теоремы о равносильности уравнений. Уравнения с двумя переменными. Понятие системы и совокупности уравнений.

Тема 27. Неравенства с одной переменной

Определение неравенства. Неравенства с одной переменной. Равносильные неравенства. Теоремы о равносильности неравенств. Понятие системы и совокупности неравенств с одной переменной.

РАЗДЕЛ 8. ВЕЛИЧИНЫ И ИХ ИЗМЕРЕНИЕ

Тема 28. Скалярные величины

Отражение свойств реального мира через понятие величины. Основные свойства скалярных величин. Понятие измерения величины. Величины, рассматриваемые в начальном курсе математики: время, скорость, путь, цена, масса, стоимость.

Тема 29. Длина отрезка

Понятие длины отрезка. Свойства длины отрезка. Измерение длины. Единицы длины.

Тема 30. Площадь фигуры

Понятие площади плоской фигуры и её измерение. Свойства площади фигуры. Площадь многоугольника. Площадь произвольной криволинейной фигуры и её измерение. Равновеликость и равноставленность фигур.

Тема 31. Объём тела

Понятие объёма тела и его измерение. Свойства объёма. Объём прямоугольного параллелепипеда. Равновеликие тела.

Тема 32. Масса тела

Понятие массы тела. Сравнение массы тел с помощью рычажных весов. Измерение массы тела гири. Свойства массы тела.

РАЗДЕЛ 9. Элементы геометрии

Тема 33. Аксиоматическое построение геометрии

История возникновения и развития геометрии. Система аксиом Гильберта.

Тема 34. Геометрические фигуры на плоскости

Система геометрических понятий, изучаемых в школе. Геометрические фигуры: угла, прямые, треугольники, четырёхугольники, многоугольники, окружность, круг. Свойства геометрических фигур.

Тема 35. Геометрические построения на плоскости

Аксиомы конструктивной геометрии. Элементарные задачи на построение. Этапы решения задач на построение. Методы решения задач на построение: метод пересечения фигур, метод геометрических преобразований, алгебраический метод. Задачи на построение, неразрешимые циркулем и линейкой.

Тема 36. Геометрические фигуры в пространстве

Многогранники. Теорема Декарта – Эйлера о многогранниках. Правильные многогранники. Тела вращения. Изображение пространственных фигур на плоскости.

6. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины
6.1. Самостоятельная работа обучающихся по дисциплине (модулю)

№ темы	Тема	Задание	Методические рекомендации по выполнению задания	Часы	Форма контроля
Раздел 1. Множества					
1.	Понятие множества	1. Задайте следующие множества двумя способами: перечислением и указанием характеристического свойства: А – множество однозначных натуральных чисел; В – множество натуральных чисел от 5 до 15 включительно; С – Множество натуральных чисел, меньше 40 и кратных 3; Д – множество натуральных двузначных чисел, кратных 10; Е – множество целых чисел, модуль которых не превышает 4. 2. Даны числа: 6, $\cos \pi$, $-3,5$, $\log_2 0,125$, $\sqrt{7}$, $\frac{28}{4}$, 0, $\sqrt{16}$, $-\frac{3}{7}$, π, $\sqrt[3]{-8}$, $\sin \frac{\pi}{2}$, $\log_3 11$, $4,(23)$, $-\frac{5}{12}$, 21, $-\sqrt{256}$, 2, $\cos 135^\circ$, $\log_3 243$, $-1,2(42)$, $5\frac{3}{4}$. Составьте из них подмножество множества натуральных чисел; целых чисел; рациональных чисел.	1. При задании множества перечислением записываются все элементы множества в произвольном порядке. При задании множества с помощью характеристического свойства следует помнить, что этим свойством должны обладать все элементы данного множества и не обладают никакие другие объекты. Например, Н – множество всех чисел между -2 и 5 может быть задано с помощью характеристического свойства следующим способом: $H = \{x \mid x \in \mathbb{R}, -2 < x < 5\}$. 2. Перед выполнением задания следует повторить материал школьного курса математики о числовых множествах. Некоторые числа представлены в виде, требующем преобразования с помощью известных правил и формул.	6	– устный ответ на практическом занятии.

	Понятие множества	3. Приведите пример уравнения, множество решений которого: 1) пусто; 2) состоит из одного элемента, 3) состоит из двух элементов, 4) бесконечно. 4. Установите отношения между множествами A и B, т. е. выясните $A = B$ или $A \subset B$, или $B \subset A$, если: 1) A – множество двузначных чисел, B – множество двузначных чисел, кратных 3; 2) A – множество натуральных решений неравенства $2 \leq x \leq 5$, B – множество натуральных решений неравенства $1 < x < 6$; 3) A – множество натуральных чисел, кратных 4, B – множество натуральных чисел, кратных 12; 4) A – множество действительных решений неравенства $x < 3$, B – множество действительных решений неравенства $x > -6$.	3. Выполняя задание следует повторить линейные и квадратные уравнения. Вспомнить, при каких значениях коэффициентов уравнения могут иметь различное количество корней. 4. Чтобы установить отношения между множествами полезно задать их перечислением (если множества конечные) или изобразить на числовой прямой (если множества бесконечные).		
2.	Алгебраические операции на множестве	Выяснить являются ли сложение, умножение, вычитание, деление на множествах N, Z, Q, R алгебраическими операциями. Какие из них являются частичными алгебраическими операциями.	Для выполнения задания необходимо повторить определения алгебраической и частичной алгебраической операций, их свойства	4	– устный ответ на практическом занятии.

3.	Операции над множествами и их свойства	1. Доказать: а) ассоциативные законы; б) законы де Моргана. Сделать иллюстрацию этих законов на диаграммах Эйлера-Венна 2. Даны множества: $A = (-7; 3)$; $B = [-4; 8]$; $C = (1; 12]$. Найти: 1) $A \cap B$, 2) $A \cap C$, 3) $B \cap C$, 4) $A \cup B$, 5) $A \cup C$, 6) $B \cup C$, 7) $A \setminus B$, 8) $B \setminus A$, 9) $C \setminus A$, 10) $A \setminus C$, 11) $B \setminus C$, 12) $C \setminus B$, 13) $A \cap B \cap C$, 14) $A \cup B \cup C$, 15) $(A \cup B) \setminus C$, 16) $A \cup (C \setminus B)$, 17) $(C \setminus A) \cap B$, 18) $(C \setminus A) \cup (B \cap A)$.	1. При доказательстве законов операций над множествами используются свойства отношения включения множеств. Доказательство осуществляется в два этапа: 1) доказывается, что левая часть равенства является подмножеством правой части, 2) доказывается, что правая часть равенства является подмножеством левой части. На основании этого делается вывод о равенстве множеств, записанных в левой и правой частях равенства. При иллюстрации этих законов на диаграммах Эйлера-Венна необходимо выделить множества, о которых идёт речь, сделать вывод об отношениях между ними, затем выполнить рисунок.	8	– проверка конспекта; – устный ответ на практическом занятии.
----	--	---	--	---	---

	Операции над множествами и их свойства	3. Придумать примеры на разбиение множества на классы с помощью трех свойств (учесть различные отношения между множествами, определенными этими свойствами). 4. Из множества $M = \{x \mid x \in \mathbb{N}, x \leq 30\}$ выделили некоторые подмножества. Изобразите с помощью кругов Эйлера отношения между множеством M и его подмножествами в каждом из случаев. На сколько классов разбилось множество M? Укажите получившиеся классы, перечислив их элементы. 1) A – множество двузначных чисел, B – множество чётных двузначных чисел, C – множество нечётных однозначных чисел; 2) A – множество чисел кратных 2, B – множество чисел кратных 3, C – множество чисел кратных 12; 3) A – множество двузначных чисел, B – множество нечётных двузначных чисел, C – множество чисел кратных 7; 4) A – множество чисел кратных 2, B – множество чисел кратных 3, C – множество чисел кратных 5.	2. При выполнении этого задания для наглядности изобразите множества A, B и C штриховкой (разного цвета) на числовой прямой. 3 – 4. При выполнении данного задания целесообразно воспользоваться диаграммами Эйлера-Венна и с их помощью изобразить исходное множество и те множества, характеристические свойства которых заданы в условии задачи. Затем выделить непересекающиеся подмножества, объединение которых составляет исходное множество, и описать их с помощью характеристического свойства. В задании 4. классы задать перечислением.		
--	--	--	---	--	--

4.	Декартово произведение множеств	1. Рассмотреть все возможные случаи изображения декартова произведения конечных и бесконечных числовых множеств на координатной плоскости. Сделать вывод как изображается декартово произведение, если оба множества конечны; одно конечное, а другое бесконечное; оба множества бесконечны. 2. Даны множества: $A = \{-5; -2; 0; 3; 6\}$, $B = \{-4; -1; 3; 5\}$, $C = [-6; 1]$, $M = [-3; 4]$; $E = (-1; 7)$, $T = (-5; 2]$; $K = (-\infty; 2]$, $P = (-2; +\infty)$, R. Изобразите следующие декартовы произведения множеств на координатной плоскости: 1) $A \times B$, 2) $K \times C$, 3) $E \times P$, 4) $B \times R$, 5) $C \times M$, 6) $T \times P$, 7) $K \times B$, 8) $M \times A$, 9) $A \times C$, 10) $R \times K$, 11) $M \times M$, 12) $P \times T$, 13) $P \times R$, 14) $R \times E$, 15) $B \times T$, 16) $C \times E$. 3. Составить декартово произведение множеств $A \times B \times C$, если $A = \{1; 2; 3; 4\}$, $B = \{a; б; в\}$, $C = \{*; \star\}$. Как определить количество элементов в множестве $A \times B \times C$? 4. В каком разделе математики используется декартово произведение трёх числовых множеств?	Для выполнения заданий 1 – 2 необходимо повторить из школьного курса математики декартову систему координат. Элементы первого множества изображаются на оси ОХ, а элементы второго множества изображаются на оси ОУ. При выполнении задания, необходимо рассмотреть все возможные произведения конечных множеств и бесконечных множеств (отрезков, интервалов, полуинтервалов, открытых и закрытых числовых лучей). 3. Декартово произведение трёх множеств А, В и С — это набор всех возможных упорядоченных троек, где первый элемент из А, второй из В и третий из С.	8	– домашняя контрольная работа.
----	---------------------------------	--	--	---	--------------------------------

5.	Соответствия между множествами	1. Из учебников начальной школы привести примеры соответствий. Задать эти соответствия с помощью графов и перечислением пар элементов, находящихся в заданных соответствиях. 2. Придумать примеры бесконечных равномощных множеств. 3. Между множествами A и B, где $A = \{10, 4, 6, 0, 1\}$ и $B = \{5, 3, 11, 6, 7, 2\}$ задано соответствие $S = \{(a, b) \mid a \in A, b \in B, a + b \leq 10\}$. Задайте это соответствие с помощью графика. Найдите область определения и область значений данного соответствия. Найдите полный образ числа 0 и полный прообраз числа 3. Задайте перечислением противоположное соответствие. Постройте граф обратного соответствия.	1. При изложении материала любой дисциплины начальной школы, учитель должен акцентировать внимание не только на объектах изучения, но и на связях между ними. Поэтому учителю необходимо видеть соответствия между объектами множеств различной природы, понимать их суть, уметь задавать эти соответствия. При выполнении данного задания необходимо рассмотреть учебники по различным предметам и найти соответствия между изучаемыми в материале объектами, процессами и явлениями. 2 Для выполнения задания необходимо знать свойства отображений, их виды, понятие равномощных множеств. 3. Повторите понятия «противоположное соответствие», «обратное соответствие», «полный образ». «полный прообраз» и способы задания соответствий.	8	- устный ответ на практическом занятии; - проверка конспекта.
----	--------------------------------	---	--	---	---

6.	Функции	1. Изучить следующие функции: 1) линейная функция, 2) прямая пропорциональность, 3) обратная пропорциональность. 2. Приведите примеры упражнений и задач из учебников «Математика» 1 – 4 классов, при выполнении которых может осуществляться пропедевтика понятия функции. 3. Привести примеры задач из учебников «Математика» 1 – 4 классов, при решении которых используются понятия прямой и обратной пропорциональности.	1. Изучение функций необходимо провести по плану: определение, область определения и множество значений функции, свойства функции (монотонность, ограниченность, чётность, периодичность), график функции. 2. Некоторые элементы функциональной пропедевтики в начальной школе: взаимосвязь между результатами и компонентами арифметических действий; выражение однородных величин при измерении через другие единицы; вычисление значения выражений с переменными в зависимости от числовых значений этих переменных и другие. 3. Пропорциональные зависимости между величинами рассматриваются в начальной школе в связи с решением задач «на куплю-продажу», «на площадь», «на работу», «на движение».	6	- устный ответ на практическом занятии; - проверка конспекта, – домашняя контрольная работа.
----	---------	---	---	---	---

7.	Отношения на множестве	1. Проиллюстрировать с помощью графов и графиков свойства бинарных отношений на числовом множестве из пяти элементов. 2. Заполнить таблицу свойств бинарных отношений порядка. Привести примеры на каждое из этих отношений.	1. Пользуясь определением свойств бинарных отношений привести графическую интерпретацию этих свойств. Например, рефлексивность означает, что элемент множества находится в данном отношении сам с собой, значит, на графе будут петли в каждой вершине, а графику принадлежат точки, лежащие на биссектрисе I и II координатных углов. 2. Заполнить следующую таблицу: <table><tr><th>Свойства отношений</th><th>Рефлексивность</th><th>Антирефлексивность</th><th>Симметричность</th><th>Асимметричность</th><th>Антисимметричность</th><th>Транзитивность</th><th>Связность</th></tr><tr><th>Название порядка</th><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Строгий линейный порядок</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Строгий частичный порядок</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Нестрогий линейный порядок</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr><tr><td>Нестрогий частичный порядок</td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></tr></table> В каждой ячейке поставить «+» или «-» в зависимости от того, выполняется или нет это свойство в данном порядке.	Свойства отношений	Рефлексивность	Антирефлексивность	Симметричность	Асимметричность	Антисимметричность	Транзитивность	Связность	Название порядка								Строгий линейный порядок								Строгий частичный порядок								Нестрогий линейный порядок								Нестрогий частичный порядок								8	- устный ответ на практическом занятии; - проверка конспекта.
Свойства отношений		Рефлексивность	Антирефлексивность	Симметричность	Асимметричность	Антисимметричность	Транзитивность	Связность																																													
Название порядка																																																					
Строгий линейный порядок																																																					
Строгий частичный порядок																																																					
Нестрогий линейный порядок																																																					
Нестрогий частичный порядок																																																					

8.	Элементы комбинаторики	1. Решить следующие задачи. 1) Сколько «слов» можно составить из всех букв слова а) белоручка, б) именинник? 2) Стадион имеет 6 входов. Сколькими способами болельщик может войти на стадион в один вход, а выйти через другой? 3) Имеется 10 ручек с синим стержнем, 8 – с зелёным и 12 – с чёрным. Сколькими способами можно выбрать 6 ручек, так чтобы: 1) все ручки были со стержнем одного цвета; 2) ручек с каждым цветом стержня было поровну; 3) три ручки были с синим стержнем, остальные – другого? 4) В магазине продаётся мороженое в достаточном количестве: пломбир, молочное, крем-брюле, шоколадное и фисташковое. Сколькими способами можно купить 10 мороженого? 5) Сколько различных восьмизначных чисел можно составить, используя цифры 1, 2 и 3? 2. Составить и решить комбинаторные задачи с профессиональным содержанием.	1. Решить задачи несколькими способами: применяя граф для перебора всех вариантов, используя правила суммы и произведения, используя формулы комбинаторики. Обоснуйте выбор формулы комбинаторной конфигурации. 2. Составляя комбинаторные задачи надо учитывать, что при их решении должны быть использованы не только различные комбинаторные конфигурации, но так же правило суммы и правило произведения. Пример задачи: «Составляя расписание на понедельник в 9 классе, завуч может поставить 6 уроков: алгебра, физика, биология, труд, история, физкультура. Сколько существует вариантов расписания, если: 1) биология должна быть третьим уроком; 2) физкультура не может быть первым уроком, а алгебра – последним?»	10	– проверка домашней письменной работы
	Подготовка к сдаче экзамена	Самостоятельная работа по подготовке к экзамену призвана систематизировать, уточнить, упорядочить уже приобретенные знания, навыки и умения, упрочить интеллектуальную готовность успешного прохождения аттестации по учебной дисциплине. Подготовка также предполагает и переосмысление теоретического материала, и умение применять знания для решения типовых задач.	36	– устный ответ на экзамене	

Раздел 2. Элементы математической логики

9.	Высказывания и логические операции над ними	1. Из учебников начальной школы привести примеры предложений, являющихся высказываниями. Определить являются высказывания элементарными или составными. 2. Составьте логическую формулу высказываний: 1) Идет направо – песнь заводит, налево – сказку говорит. 2) Число делится на 6 в том и только том случае, если оно чётное и сумма цифр в его записи делится на 3.	1. При подборе примеров надо знать определения высказываний и логические связки, используемые в составных высказываниях. 2. Для того, чтобы составить логическую формулу высказывания надо перефразировать его используя логические связки («и», «или», «не», «если, ... то»), оставляя смысл неизменным.	12	– устный ответ на практическом занятии
----	---	--	---	----	--

	Высказывания и логические операции над ними	3) Неверно, что если число делится без остатка на 5 и на 3, то оно обязательно нечетное. 4) Дети могут многого добиться, если в них верить, если им помочь, если стоять на их стороне. 5) Если в параллелограмме все углы прямые или все стороны равны, то этот параллелограмм прямоугольник или ромб. 3. Составьте таблицу истинности для составных высказываний: 1) $(A \vee B) \Leftrightarrow ((\bar{B} \wedge C) \Rightarrow \bar{A})$; 2) $(B \Leftrightarrow (A \wedge \bar{C})) \Rightarrow (\bar{A} \vee C)$.	3. Для составления таблицы истинности для логического выражения необходимо: 1) Выяснить количество строк в таблице. Оно равно $2n+1$, где n – количество элементарных высказываний. 2) Выяснить количество столбцов. Оно равно количеству элементарных высказываний плюс количество логических операций. 3) Установить последовательность выполнения логических операций с учётом скобок и приоритетов. 4) Построить таблицу, указывая названия столбцов и возможные наборы значений исходных высказываний. 5) Заполнить таблицу по столбцам, используя теоремы об истинности логических операций.		
--	---	--	--	--	--

10.	Высказывательные формы рации над ними	1. Доказать теоремы о множестве истинности дизъюнкции и конъюнкции высказывательных форм $A(x)$ и $B(x)$. 2. На множестве $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$ заданы высказывательные формы: $B(x)$ – «число x чётное», $C(x)$ – «число x меньше 13». Сформулируйте следующие высказывательные формы и найдите их множества истинности. 1) $B(x) \wedge C(x)$, 2) $\overline{B(x)}$, 3) $\overline{C(x)}$, 4) $C(x) \Rightarrow B(x)$, 5) $B(x) \vee C(x)$, 6) $\overline{B(x)} \wedge C(x)$, 7) $B(x) \Rightarrow \overline{C(x)}$, 8) $B(x) \vee \overline{C(x)}$, 9) $B(x) \Leftrightarrow C(x)$ 3. На множестве треугольников даны высказывательные формы: $A(x)$ – «треугольник x равнобедренный», $B(x)$ – «треугольник x равнобедренный», $C(x)$ – «треугольник x прямоугольный». Запишите словами высказывания, представленные в символической форме. Определите являются они истинными или ложными. 1) $(\exists x) (B(x) \wedge C(x))$, 2) $(\forall x) (A(x) \Rightarrow B(x))$, 3) $(\forall x) (\overline{A(x)} \Rightarrow B(x))$, 4) $(\exists x) (C(x) \Rightarrow A(x))$.	1. Для доказательства теорем необходимо опираться на рассуждения, используемые при доказательстве равенства двух множеств. 2. Для определения множества истинности составных высказывательных форм необходимо повторить теоремы о множествах истинности логических операций, а также повторить операции над множествами. 3. Квантор всеобщности ($\forall$) читается как «для всех», «для каждого», «для любого» или «все», «каждый», «любой». Квантор существования ($\exists$) читается как «существует», «найдётся», «имеется», «некоторый». Кроме того, кванторы могут выражаться другими словами, например: местоимения (кто-то, что-то, какой-то, чей-то, кое-кто, кое-что, кое-какой, что-либо); глаголы (бывает, случается, происходит); наречия (изредка, иногда); прилагательные (редкий, возможный, вероятный); числительные: одни, много, немного, мало, немало, несколько); причастия (случающийся, происходящий, бывающий).	12	- устный ответ на практическом занятии
-----	---------------------------------------	---	--	----	--

11.	Строение и виды теорем	1. Из школьных учебников привести примеры теорем указать их строение, составить для каждой обратную, противоположную, противоположную обратной. 2. Вместо многоточий вставьте слова «необходимо» либо «достаточно», либо «необходимо и достаточно» так, чтобы предложения были истинными. 1) Для того, чтобы сумма двух натуральных чисел делилась на 2, ... чтобы каждое слагаемое делилось на 2. 2) Для того, чтобы число было отрицательным, ..., чтобы оно было меньше нуля. 3) Для того, чтобы натуральное число делилось на 18, ..., чтобы оно делилось на 2 и на 9. 4) Для того, чтобы в четырехугольнике диагонали были равны, ..., чтобы он был прямоугольником. 5) Для того, чтобы угол был тупым, ..., чтобы он был больше прямого. 6) Для того, чтобы сумма двух углов равнялась 180°, ..., чтобы они были смежными.	1. Для выяснения структуры теоремы необходимо переформулировать математическое предложение в виде «Если ..., то ...». Из такой формулировки легко выделить условие и заключение теоремы. Для составления обратной, противоположной, противоположной обратной теорем необходимо знать их определения. 2. Слово «необходимо» означает, что без определённого условия нельзя обойтись. Слово «достаточно» указывает на то, что определённое условие гарантирует выполнение утверждения. Сочетание «необходимо и достаточно» используют, когда есть и необходимость, и достаточность. В таком случае это означает полный набор условий для гарантированного выполнения утверждения, а также минимальный такой набор, при нарушении хотя бы одного из условий утверждение точно не выполняется.	10	- устный ответ на практическом занятии.
-----	------------------------	--	--	----	---

12.	Умозаключения и их виды	1. Проверить правильность следующих умозаключений с помощью составления логической структуры. 1) Все граждане Российской Федерации имеют право на отдых. Я – гражданин Российской Федерации, значит я имею право на отдых. 2) Если число натуральное, то оно целое, число – 5 не натуральное, тогда число – 5 не целое. 3) Если тело является кристаллическим, то оно имеет определенную температуру плавления. Поскольку данное тело не имеет определенной температуры плавления, значит, оно не является кристаллическим. 2. Проверить правильность следующих умозаключений с помощью кругов Эйлера. 1) Все хирурги являются врачами. Некоторые врачи водят автомобиль. Значит хирург Зайцев водит автомобиль. 2) Некоторые учителя – мужчины. Некоторые мужчины имеют детей. Следовательно, учитель Петров имеет детей.	Чтобы проверить правильность умозаключений можно использовать один из двух способов. 1 С точки зрения его логической формы. Для этого: 1) выделяют логическую структуру умозаключения и составляют его схему; 2) проверяют соответствие полученной схемы одному из известных правил вывода. Если такое соответствие имеет место, то рассуждение правильно. 2. С помощью кругов Эйлера. Для этого: 1) схему записывают на теоретико-множественном языке и с помощью кругов Эйлера изображают посылки; 2) выясняют, всегда ли при этом истинно заключение. Если же возможна ситуация, при которой заключение оказывается ложным, то умозаключение неправильно.	10	- проверка конспекта.
-----	-------------------------	---	--	----	-----------------------

13.	Математические понятия	1. Определите виды следующих математических понятий: 1) «теорема Пифагора», 2) «бесконечное множество», 3) «квадратный круг», 4) «подобие», 5) «неправильная дробь», 6) «уменьшаемое», 7) «треугольный ромб», 8) «число π», 9) «множество», 10) «равенство». 2. Из учебников «Математика» 1 – 4 классов выписать контекстуальные и остенсивные определения. 3. Из учебников «Математика» 1 – 4 классов привести примеры определений через род и видовое отличие. Выяснить, какое понятие является родовым, какое видовым. 4. Являются ли правильными следующие определения? Если определение неправильное, то какое правило нарушено? 1) Ёж – это существо, колючее на ощупь. 2) Термометр – медицинский прибор. 3) Физика – это наука о физических явлениях. 4) Остров – часть суши, со всех сторон окружённая морем. 5) Автомобиль – это механическое устройство для перевозки людей. 6) Арифметика – это раздел математики. 7) Вершина – самая высокая часть холма. 8) Диагональ – это отрезок, который соединяет две вершины многоугольника. 9) Равные фигуры в геометрии – это фигуры, которые равны. 10) Математика — это то, чем занимаются математики. 11) Равносторонним называется треугольник, у которого все стороны и все углы равны. 12) Сложением называется действие, при котором числа складываются. 13) Параллелограммом называется многоугольник, у которого противоположные стороны попарно параллельны.	1. Классификация понятий осуществляется по двум признакам: 1) по объёму (общие, единичные, пустые); 2) по содержанию (конкретные и абстрактные, относительные и безотносительные, положительные и отрицательные, собирательные и несобирательные). 2. Для выполнения задания необходимо знать классификацию определений. 3. Для определения понятия через род и видовое отличие необходимо выделить структуру определяющего понятия: выделить родовое понятие и характеристические свойства, задающие видовое отличие. Представить найденные примеры в виде схемы: <table><tr><td rowspan="2">Определяемое понятие</td><td rowspan="2">$\Leftrightarrow$</td><td>Родовое понятие</td><td rowspan="2">+</td><td>Видовое отличие</td></tr><tr><td colspan="2">Определяющее понятие</td></tr></table> 4. Для выявления ошибок в определениях, необходимо знать правила составления определений: 1) правило соразмерности; 2) правило запрета «порочного круга»; 3) правило неотрицательности; 4) правило ясности; 5) правило достаточности; 6) правило существования.	Определяемое понятие	$\Leftrightarrow$	Родовое понятие	+	Видовое отличие	Определяющее понятие		14	- устный ответ на практическом занятии.
Определяемое понятие		$\Leftrightarrow$	Родовое понятие			+		Видовое отличие				
	Определяющее понятие											

	Подготовка к сдаче зачёта	Подготовка к зачёту предполагает переосмысление теоретического материала и умение применять знания для решения типовых задач.	0	– решение задач
Раздел 3. Различные подходы к понятию целого неотрицательного числа				
14	Аксиоматическое построение множества целых неотрицательных чисел.	1. Составление таблицы умножения однозначных чисел. 2. Доказать, что для всех натуральных чисел выполняется равенство. 1) $1^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + (2n - 1)^2 = \frac{n \cdot (4n^2 - 1)}{3}$ 2) $1^3 + 3^3 + 5^3 + \dots + (2n - 1)^3 = n^2 \cdot (2n^2 - 1)$ 3) $2 \cdot 2 + 3 \cdot 5 + 4 \cdot 8 + \dots + (n + 1) \cdot (3n - 1) = \frac{n \cdot (2n^2 + 5n + 1)}{2}$ 4) $1 \cdot 4 + 2 \cdot 7 + 3 \cdot 10 + \dots + n \cdot (3n + 1) = n \cdot (n + 1)^2$ 5) $\frac{1}{1 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 9} + \frac{1}{9 \cdot 13} + \dots + \frac{1}{(4n-3) \cdot (4n+1)} = \frac{n}{4n+1}$	4	- устный ответ на практическом занятии, - проверка конспекта.

15.	Теоретико-множественный смысл натурального числа, нуля и операций над числами	1. Из школьных учебников математики (1 – 4 классов) подобрать задачи на сложение и вычитание, объяснить выбор действия с теоретико-множественной точки зрения. 2. Составить задачи на применение правил вычитания числа из суммы и суммы из числа, решаемые разными способами, изменить условия задач так, чтобы число способов уменьшалось. 3. Из школьных учебников математики (1 – 4 классов) подобрать задачи на умножение и деление, объяснить выбор действия с теоретико-множественной точки зрения.	1. При подборе задач на сложение и вычитание необходимо учитывать, что выделяются два типа задач, с помощью которых проверяется умение обосновывать выбор действия на теоретико-множественной основе. К первому относятся задачи, при решении которых используются правила подсчёта элементов в объединении непересекающихся множеств и в дополнении подмножества до данного множества. Ко второму типу задач относятся те, в которых обоснование выбора действия требует знания теоретико-множественного смысла отношений «столько же», «больше (меньше) на». 3. При подборе задач на умножение необходимо учитывать, что выделяются два типа задач, с помощью которых проверяется умение обосновывать выбор действия на теоретико-множественной основе: подсчёт числа элементов в декартовом произведении двух множеств и в объединении нескольких эквивалентных между собой множеств. При выборе задач на деление также надо рассмотреть два вида задач: подсчёт числа элементов в каждом классе эквивалентности и подсчёт числа классов эквивалентности при разбиении множества на равномошные классы эквивалентности.	6	- устный ответ на практическом занятии; - проверка конспекта.
-----	---	---	---	---	---

16.	Натуральное число как результат измерения величины.	Из школьных учебников математики (1 – 4 классов) подобрать задачи на сложение, вычитание, умножение, деление, объяснить выбор действия с точки зрения натурального числа как меры величины (на примере длины отрезка).	При подборе задач необходимо помнить, что сложение и вычитание натуральных чисел связано с суммой и разностью отрезков, а умножение и деление натуральных чисел, являющихся значениями величин отражает переход к новым единицам измерения: к более мелким в случае умножения или к более крупным в случае деления.	6	- проверка конспекта.
17.	Текстовая задача	1. Придумать пять текстовых задач и решить их различными способами. 2. Рассмотреть решение задач «на части»	Как решать задачу? 1. Понимание постановки задачи. <i>Цель:</i> Нужно ясно понять задачу <i>Вопросы, которые необходимо себе поставить, советы.</i> Что неизвестно в задаче? Что дано? В чем состоит условие? Достаточно ли условие для определения неизвестного или недостаточно или чрезмерно или противоречиво? Разделите условие на части и постарайтесь записать их.	6	- устный ответ на практическом занятии; - проверка конспекта;

	Текстовая задача		2. Составление плана решения задачи. <i>Цель:</i> Нужно найти связь между данными и неизвестным. Если не удаётся сразу обнаружить эту связь, возможно, полезно будет рассмотреть вспомогательные задачи, в конечном счёте необходимо прийти к плану решения. <i>Вопросы, которые необходимо себе поставить, советы.</i> Не встречалась ли вам раньше эта задача, хотя бы в несколько другой форме? Известна ли вам какая-нибудь родственная задача? Постарайтесь вспомнить знакомую задачу с тем же или подобным неизвестным. Нельзя ли использовать метод её решения? Нельзя ли применить результат? Нельзя ли иначе сформулировать задачу? Если не удаётся решить данную задачу, попробуйте сначала решить часть задачи. Сохраните только часть условия, остальную часть: насколько определённым окажется тогда неизвестное, как оно сможет меняться? Все ли данные вами использованы, все ли условия? 3. Осуществление плана. <i>Цель:</i> Нужно осуществить план решения.		
--	------------------	--	---	--	--

	Текстовая задача		Осуществляя план решения необходимо контролировать каждый свой шаг. Ясно ли вам, что предпринятый вами шаг правилен? 4. Взгляд назад (изучение полученного решения). <i>Цель:</i> Нужно изучить найденное решение. <i>Вопросы, которые необходимо себе поставить, советы</i> Нельзя ли проверить результат? Нельзя ли проверить ход решения? Нельзя ли получить тот же результат иначе? Нельзя ли усмотреть его с одного взгляда? Нельзя ли в какой-нибудь другой задаче использовать полученный результат или метод решения?		
	Подготовка к сдаче экзамена		Самостоятельная работа по подготовке к экзамену призвана систематизировать, уточнить, упорядочить уже приобретенные знания, навыки и умения, упрочить интеллектуальную готовность успешного прохождения аттестации по учебной дисциплине. Подготовка также предполагает переосмысление теоретического материала, умение применять знания для решения типовых задач.	36	– устный ответ на экзамене
Раздел 4. Системы счисления.					

18.	Десятичная система счисления	1. Подготовить сообщение об истории возникновения десятичной системы счисления. 2. Составить каталог Интернет-ресурсов по теме. 3. Доказать теорему о единственности записи числа в десятичной системе счисления. 4. Подготовить сообщение о названии классов натуральных чисел («числа-великаны»). Придумать задания для чтения и записи многозначных чисел.	1. Современная Десятичная система счисления возникла на основе нумерации, зародившейся около 5 в. н. э. в Индии. Запись числа в десятичной системе счисления компактна и удобна для производства арифметических операций. 3. Доказательство теоремы о единственности записи числа в десятичной системе счисления состоит из двух частей: 1) доказывается существование записи числа в виде $x = a_n \cdot 10^n + a_{n-1} \cdot 10^{n-1} + \dots + a_1 \cdot 10^1 + a_0$ (*), где $a_n, a_{n-1}, \dots, a_1, a_0$ принимают значения 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 и $a_n \neq 0$; 2) доказывается единственность представления числа x в виде (*).	6	- демонстрация слайд-презентации, – проверка конспекта.
-----	------------------------------	---	---	---	---

19.	Позиционные системы, отличные от десятичной	1. Рассмотреть системы счисления с любым основанием, отличным от 10. 2. Составить таблицу сложения и умножения однозначных чисел в этих системах счисления. 3. Придумать задания на все арифметические действия над числами любой позиционной системы счисления (сложение, вычитание, умножение и деление) (по 5 примеров на каждое действие) и выполнить действия. 4. Подготовить сообщение по истории возникновения и развития различных систем счисления.	1. Несмотря на то, что во всём мире сейчас принята десятичная позиционная система счисления, тем не менее, в науке и технике важную роль играют системы счисления с основаниями, отличными от 10. Для записи чисел в системе с основанием $p \geq 2$ необходимо p символов. Принято использовать знаки десятичной системы счисления: 0, 1, 2, ..., $p-1$. 2. Для выполнения этого задания составляются таблицы из p строк и p столбцов, в которых указываются все однозначные числа данной системы счисления. На пересечении строки и столбца записывается результат выполнения соответствующей операции. При этом учитывается, что p единиц одного разряда образуют единицу следующего разряда.	10	– обсуждение сообщений; - демонстрация слайд-презентации, – проверка домашней письменной работы
	Позиционные системы, отличные от десятичной		3. Сложение, вычитание, умножение и деление чисел в любой позиционной системе счисления производится аналогично выполнению этих операций в десятичной системе счисления. 4. Примерная тематика сообщений. 1) Обозначение чисел в Древнем Египте. 2) Обозначение чисел в Вавилоне. 3) Обозначение чисел в Древней Греции. 4) Обозначение чисел в Риме. 5) Обозначение чисел в Аравии. 6) Обозначение чисел в Индии. 7) Старо-Китайская нумерация. 8) Нумерация индейцев Майя. 9) Древнеславянская нумерация. 10) Современная арабская нумерация. 11) Возникновение и развитие способов записи чисел. 12) Системы счисления разных народов.		

Раздел 5. Основы теории делимости

20.	Отношение делимости	1. Сформулировать и доказать признаки делимости на 6, 12, 15, 18, 24, 36, 45, 72. 2. Изучить признаки делимости на 11. Сформулировать признаки делимости на 22, 33, 44, 55, 66, 88, 99. 3. Подобрать банк задач на признаки делимости.	1. Для доказательства признаков делимости на составное число $t \cdot k$ надо: 1) установить, что числа t и k взаимно просты, 2) выяснить делится это число на t и на k. 3. Задачи на признаки делимости решают не только в начальной школе. Такие задачи представлены в ЕГЭ по математике (базовый уровень, задание № 19). Некоторые из них можно решать с младшими школьниками при изучении темы «Признаки делимости».	6	- устный ответ на практическом занятии; - проверка конспекта.
21.	Делители и кратные чисел	1. Решение задач на нахождение НОД и НОК нескольких чисел. 2. Составить задания для нахождения НОД двух чисел с помощью алгоритма Евклида	1. Нахождение НОД и НОК нескольких чисел выполняется аналогично нахождению НОД и НОК двух чисел. 2. При составлении заданий надо начинать «с конца». Выбрать число, которое будет являться НОД, затем составить сами числа, умножив Нод на множители. Следует придерживаться правила: дополнительные множители должны быть взаимно-простыми числами.	6	- устный ответ на практическом занятии
	Подготовка к сдаче зачёта		Подготовка к зачёту предполагает переосмысление теоретического материала и умение применять знания для решения типовых задач.		– решение задач

Раздел 6. Расширение понятия числа

22.	Рациональные числа	1. Доказать ассоциативность сложения рациональных чисел. 2. Доказать коммутативность умножения рациональных чисел. 3. Изучить вопрос о переводе бесконечной смешанной периодической дроби в обыкновенную и перевести следующие числа: а) 0,72(62), б) 0,9(3), в) 0,6(21), г) 0,3(621), д) 0,10(6), е) 0,126(3).	1. – 2. Доказательство проводят следующим образом: 1) представляют данные положительные рациональные числа дробями; 2) следуя определениям действий над положительными рациональными числами, заменяют сумму или произведение рациональных чисел дробью, в числителе и знаменателе которой проводятся действия над натуральными числами; 3) применяя к выражениям, состоящим из натуральных чисел, свойства, характерные для множества натуральных чисел, приводят эти выражения к требуемому виду; 4) осуществляют переход от записи рационального числа в виде дроби к исходной записи. 3. Изучая вопрос о переводе бесконечной смешанной периодической дроби в обыкновенную необходимо составить алгоритм перевода.	8	– проверка конспекта, – устный ответ на практическом занятии.
23.	Действительные числа	1. Изучить вопрос о введении операции в множестве действительных чисел. 2. Рассмотреть вопрос об изображении действительных чисел точками координатной прямой.	1. Операции над действительными числами основываются на алгоритмах действий с положительными действительными числами, которые дополнены правилами определения знака результата операции. 2. При рассмотрении вопроса об изображении действительных чисел точками координатной прямой необходимо помнить, что эти числа и точки координатной прямой находятся во взаимно однозначном соответствии. Понятие координатной прямой повторить из школьного курса математики	6	– проверка конспекта.

	Подготовка к сдаче экзамена	Самостоятельная работа по подготовке к экзамену призвана систематизировать, уточнить, упорядочить уже приобретенные знания, навыки и умения, упрочить интеллектуальную готовность успешного прохождения аттестации по учебной дисциплине. Подготовка также предполагает переосмысление теоретического материала, умение применять знания для решения типовых задач.	36	– устный ответ на экзамене	
Раздел 7. Выражения, уравнения, неравенства.					
24.	Числовые выражения, равенства, неравенства	1. Из учебников «Математика» 1 – 4 классов подобрать 5 задач. Решить эти задачи по действиям и с помощью числового выражения 2. Доказать свойства числовых неравенств.	1. Выполняя данное задание надо помнить, что задачи должны быть составными, решаться не менее тремя действиями и при их решении должны использоваться различные арифметические операции. 2. При доказательстве свойств числовых неравенств используется определение отношения «меньше» («больше»).	6	– проверка конспекта.

25.	Выражения с переменной	Из учебников «Математика» 1 – 4 классов приведите примеры упражнений, – способствующих формированию представления о выражениях с переменной; – в которых выполняются тождественные преобразования выражений.	В каждом конкретном случае дайте пояснение, какими знаниями руководствуются учащиеся при их выполнении. В начальных классах предусматривается проведение подготовительной работы по раскрытию смысла переменной в тесной связи с изучением нумерации и арифметических действий. Подготовительная работа проводится по уровням. 1 уровень – ознакомление с буквами латинского алфавита. 2 уровень – решение задач с недостающими данными. 3 уровень – запись выражений, отражающих определенную ситуацию и выполнение расчетов.	8	- демонстрация слайд-презентаций – устный ответ на практическом занятии.
-----	------------------------	--	--	---	--

26.	Уравнения с одной переменной	1. Из учебников «Математика» 1 – 4 классов подобрать 5 задач, которые решаются с помощью уравнения. Решить их и объяснить, какие теоретические основы лежат в основе решения этих задач. 2. Доказать теорему о равносильности уравнений. 3. Решить уравнения из учебника «Математика» 4 класса. 1) $(8x - 46) : 14 = 51$; 2) $731 : (3x + 7) = 17$; 3) $9 \cdot (6x + 12) = 864$; 4) $(119 - 13x) \cdot 49 = 735$. 4. Решить линейные уравнения: 1) $3a(4a - 1) - 2a(6a - 5) = 9a - 8(3 + a)$; 2) $\frac{2x-3}{9} - \frac{3x-2}{6} = x$; 3) $(3x - 1)(2x + 7) - (x + 1)(6x - 5) = 7$; 4) $(x + 4)^2 - (x - 8)(x + 8) = 96$; 5) $2 - 5x = 12$.	1. Необходимо подобрать задачи с различным содержанием: на движение (по суше и по воде), на работу, на покупки и т.д. Уравнения, составленные по тексту задачи должны быть различных видов: линейные, квадратные, дробно-рациональные. 2. При доказательстве теоремы о равносильности уравнений надо показать, что множества решений обоих уравнений совпадают. Для этого необходимо вспомнить доказательство равенства двух множеств. 3. В начальной школе уравнения решаются с использованием зависимостей между компонентами действий. 4. Для решения уравнений необходимо повторить из школьного курса математики: умножение одночлена на многочлен, умножение многочлена на многочлен, формулы сокращённого умножения, приведение дробей к общему знаменателю, понятие модуля числа.	6	– проверка конспекта.
-----	------------------------------	---	---	---	-----------------------

27.	Неравенства с одной переменной	1. Доказать теорему о равносильности неравенств. 2. Изучить решение неравенств методом интервалов. 3. Решите неравенства: 1) $2(x + 1) - 1 < 7 + 8x$; 2) $\frac{-3,8}{3,2-6,4x} > 0$; 3) $(x + 1)(x - 4) + 4 \geq (x + 2)(x - 3) - x$; 4) $\frac{3x+1}{4} - \frac{x}{2} \leq \frac{5x-2}{3} + \frac{3x}{5}$; 5) $(2x - 5)^2 - 0,5x > (2x - 1)(2x + 1) - 15$; 6) $2x - 3 > 5$; 7) $5 - 3x \leq 1$.	1. При доказательстве теоремы о равносильности неравенств надо показать, что множества решений обоих неравенств совпадают. Для этого необходимо вспомнить доказательство равенства двух множеств. 2. Метод интервалов подробно рассмотрен в школьных учебниках по алгебре для 9 класса и различных пособиях для абитуриентов. Задание предусматривает составление алгоритма решения целых и дробных неравенств этим методом. 3. Для решения неравенств необходимо повторить из школьного курса математики: умножение одночлена на многочлен, умножение многочлена на многочлен, формулы сокращённого умножения, приведение дробей к общему знаменателю, понятие модуля числа.	6	– проверка конспекта.
Раздел 8. Величины и их измерение					

28.	Скалярные величины	1. Рассмотреть международную систему единиц. 2. Рассмотреть изучение темы в начальном курсе «Время и его измерение». 3. Из учебников «Математика» 1 – 4 классов подобрать задачи на зависимости между величинами: 1) стоимость товара, его количество, цена; 2) объем работы, производительность труда, время работы; 3) количество материала, количество изделий, расход материала на одно изделие. 4. Решить задачи и дать теоретическое обоснование решения.	1. При изучении международной системы единиц знать: единицы основных и производных величин, дольные и кратные им единицы, уметь переводить из одних единиц измерения в другие. 3. При подборе задач необходимо учитывать, что зависимости между величинами часто носят характер прямой или обратной пропорциональности. При поиске способа решения можно использовать свойства этих зависимостей, что ведёт к более рациональным действиям	2	– демонстрация слайд-презентации; – устный ответ на практическом занятии.
29.	Длина отрезка	1. Рассмотреть этапы изучения темы «Длина отрезка» в учебнике «Математика» начальной школы. 2. Подготовить сообщения: – об истории развития системы мер длины, – о старинных русских мерах длины.	1. Рассмотреть учебники по математике разных авторских коллективов, составить подробный план изучения длины отрезка в каждом из них, выяснить насколько полно и глубоко рассматривается этот вопрос. 2. В сообщениях кроме исторической справки подготовить для решения задачи по теме выступления.	2	– демонстрация слайд-презентации – устный ответ на практическом занятии.

30.	Площадь плоской фигуры	1. С помощью палетки найти площади пяти плоских фигур. 2. Требуется сделать ремонт в комнате размером $3,6 \text{ м} \times 4,2 \text{ м} \times 2,5 \text{ м}$. Расчитайте: 1) площадь стен для оклейки обоев; 2) площадь пола для покрытия паркетом. 3. Вывести формулы площадей параллелограмма, ромба, треугольника, трапеции. 4. Подготовить сообщение о старинных русских мерах площади.	1. Изготовить: – 2 палетки с размером клеток $1 \text{ см} \times 1 \text{ см}$ и $0,5 \text{ см} \times 0,5 \text{ см}$; – треугольник, четырёхугольник, пятиугольник, шестиугольник и любую криволинейную фигуру из цветной бумаги. С помощью обеих палеток определить площади фигур 3. При выводе формул площадей используется построение равносоставленных фигур и доказательство их равновеликости. 4. В сообщении кроме исторической справки подготовить для решения задачи по теме выступления.	2	– демонстрация слайд-презентации; – устный ответ на практическом занятии.
31.	Объём тела	1. Рассмотреть этапы изучения темы «Объём» в учебниках «Математика» начальной школы. 2. Подобрать систему упражнений по теме. 3. Подготовить сообщение о старинных русских мерах объёма.	1. Составить подробный план изучения объёма тела, выяснить насколько полно и глубоко рассматривается этот вопрос. 2. Для каждого типа задач объяснить какие представления об объёме тел они формируют. 3. В сообщении кроме исторической справки подготовить для решения задачи по теме выступления.	2	– демонстрация слайд-презентации; – устный ответ на практическом занятии.

32	Масса тела	1. Рассмотреть этапы изучения темы «Масса» в учебниках «Математика» начальной школы. 2. Подобрать систему упражнений по теме. 3. Подготовить сообщение о старинных русских мерах массы.	1. Составить подробный план изучения массы тела, выяснить насколько полно и глубоко рассматривается этот вопрос. 2. Для каждого типа задач объяснить какие представления о массе тел они формируют. 3. В сообщении кроме исторической справки подготовить для решения задачи по теме выступления.	2	– демонстрация слайд-презентации; – устный ответ на практическом занятии.
		Подготовка к сдаче зачёта	Подготовка к зачёту предполагает переосмысление теоретического материала и умение применять знания для решения типовых задач.		– решение задач
Раздел 9. Элементы геометрии					
33.	Аксиоматическое построение геометрии	1. Рассмотреть аксиоматику планиметрии школьного курса геометрии. 2. Подготовить сообщение о геометрии Лобачевского Н.И.	1. Рассмотреть аксиоматику школьного курса планиметрии по учебникам Погорелова А.В., Гусева В.А., Александрова А.Д. и др., Атанасяна Л.С. и др. Выяснить какие понятия и отношения являются неопределяемыми, какие группы аксиом рассматриваются, являются ли эти аксиоматики независимыми.	2	– демонстрация слайд-презентации; – устный ответ на практическом занятии.

34.	Геометрические фигуры на плоскости	1. Составить таблицы свойств основных геометрических фигур на плоскости. 2. Подобрать задачи по планиметрии с практическим содержанием.	1. В таблицах кратко изложить теорию с помощью схем, чертежей и формул. По каждой теме привести примеры решения типовых задач. Табличная форма позволяет наглядно представить основные положения планиметрии. 2. Примеры задач с практическим содержанием: 1) Доказать, что почтовый конверт склеивается из листа бумаги, имеющего форму ромба (припуски на склеивание не учитывать). 2) Лестница длиной 12,5 м приставлена к стене так, что расстояние нижнего конца лестницы от стены равно 3,5 м. На какой высоте от земли упирается в стену верхний конец лестницы?	4	– домашняя контрольная работа.
35.	Геометрические построения на плоскости	Решить элементарные задачи на построение: а) построение треугольника: по двум сторонам и углу между ними; по стороне и двум прилежащим к ней углам; по трем сторонам; б) деление отрезка пополам; в) деление угла пополам; г) построение угла, равного данному; д) построение прямой, параллельной данной и проходящей через данную точку; е) построение прямой, перпендикулярной данной и проходящей через данную точку.	Решение задач на построение осуществляется по следующим этапам: анализ, построение, доказательство, исследование. Перечисленные элементарные задачи подробно рассмотрены в школьных учебниках по планиметрии. Задача на построение считается решенной, если указан способ построения фигуры и доказано, что в результате выполнения указанных построений действительно получается фигура с требуемыми свойствами.	6	– домашняя контрольная работа.

36.	Геометрические фигуры в пространстве	1. Рассмотреть тему «Тела вращения». 2. Начертить развёртки куба, параллелепипеда, треугольной и шестиугольной призм, пирамиды цилиндра, конуса и изготовить модели этих тел.	2. Чтобы изготовить модель многогранника, нужно сделать его развертку его поверхности. Развертка многогранника — это фигура на плоскости, которая получается, если поверхность многогранника разрезать по некоторым ребрам и развернуть ее так, чтобы все многоугольники, входящие в эту поверхность, лежали в одной плоскости. Многогранник может иметь несколько различных разверток в зависимости от того, какие ребра разрезали.	4	– проверка практической работы.
	Подготовка к сдаче экзамена		Самостоятельная работа по подготовке к экзамену призвана систематизировать, уточнить, упорядочить уже приобретенные знания, навыки и умения, упрочить интеллектуальную готовность успешного прохождения аттестации по учебной дисциплине. Сама подготовка связана не только с «запоминанием». Подготовка также предполагает и переосмысление теоретического материала, и умение применять знания для решения типовых задач.	36	– устный ответ на экзамене

6.2. Тематика и задания для практических занятий

При проведении практических занятий используется следующая литература: Аматава Г.М., Амагов М. А. Математика. Упражнения и задачи: учеб. пособие для студ. высш. пед. учеб. заведений. – М.: Издательский центр «Академия», 2008.

№ темы	Название темы	Количество часов	Содержание практического занятия
1.	Понятие множества	4	Решение задач по данной теме: № 1.3; 1.6; 1.7; 1.10; 1.11; 1.12; 1.13; 1.19; 1.20; 1.26.
2.	Алгебраические операции на множестве	2	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 5.1, 5.2, 5.8, 5.9, 5.10.
3.	Операции над множествами и их свойства	4	1. Проверка домашнего задания. 2. Актуализация знаний по теме. 3. Решение задач по данной теме: № 1.27; 1.29; 1.31; 1.32; 1.34; 1.36; 1.37.
4.	Декартово произведение множеств	4	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 1.40; 1.42; 1.43; 1.44; 1.47; 1.48; 1.51; 1.52; 1.60; 1.61.
5.	Соответствия между множествами	4	1. Проверка домашней работы. 2. Актуализация знаний. 3. Решение задач по данной теме: № 3.1; 3.2; 3.4; 3.5; 3.8; 3.9; 3.13; 3.17; 3.31; 3.32; 3.35; 3.36; 3.37; 3.40.
6.	Функции	4	1. Повторение школьного материала по данной теме. 2. Решение задач по данной теме № 3.20; 3.22; 3.26; 3.28; 3.29; 3.30; 10.133, 10.134; 10.135; 10.138 (а–з).
7.	Отношения на множестве	4	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 3.46; 3.47; 3.49; 3.50; 3.51; 3.52; 3.53; 3.54; 3.55; 3.57; 3.59 3.62; 3.64.
8.	Элементы комбинаторики	8	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: 4.1; 4.3; 4.5; 4.6; 4.7; 4.8; 4.9; 4.11; 4.15; 4.20; 4.24; 4.30 (а, б, в); 4.33; 4.34; 4.38; 4.39; 4.48; 4.51; 4.52; 4.55.
9.	Высказывания логические операции над ними	8	Решение задач по данной теме: № 2.1; 2.2; 2.3; 2.4; 2.5; 2.6; 2.7; 2.8; 2.9; 2.10; 2.11.
10	Высказывательные формы и логические операции над ними	6	Решение задач по данной теме: № 2.12; 2.13; 2.14; 2.15; 2.16; 2.17; 2.18; 2.19; 2.20; 2.21; 2.24; 2.27; 2.28; 2.29; 2.30; 2.30; 2.31; 2.32.
11.	Строение и виды теорем	4	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 2.33; 2.35; 2.37; 2.39; 2.40; 2.41; 2.42; 2.43.

12.	Умозаключения и их виды	6	Решение задач по данной теме: № 2.44; 2.45; 2.46; 2.47; 2.48; 2.49; 2.50; 2.51; 2.52; 2.54; 2.55; 2.56; 2.57.
13.	Математические понятия	10	1. Вопросы к семинару: 1) Объем и содержание понятия. 2) Отношения между понятиями. 3) Классификация понятий. 4) Виды определений понятий. 5) Требования, предъявляемые к определению понятий. 2. Решение задач по данной теме: № 2.58; 2.59, 2.60; 2.61; 2.62; 2.63; 2.64; 2.65, 2.66; 2.67.
14.	Аксиоматическое построение множества натуральных чисел	4	1. Вопросы к семинару по теме «Аксиоматический метод в математике» 1) Построение теории аксиоматическим методом. 2) Модель системы аксиом. 3) Требования, предъявляемые к системе аксиом. 4) Система аксиом Пеано (аксиоматическое определение натурального числа). 5) Построение различных моделей множества натуральных чисел. 2. Решение задач по данной теме: № 6.1; 6.2; 6.3; 6.10; 6.11; 6.12; 6.13; 6.14; 6.16; 6.20.
15.	Теоретико-множественный смысл натурального числа и нуля	2	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач на повторение: № 3.33; 3.41; 3.42. 2. Решение задач по данной теме: № 6.29; 6.30.
	Теоретико-множественный смысл суммы и разности натуральных чисел	4	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 6.31; 6.32; 6.33; 6.34; 6.35; 6.36; 6.37; 6.60.
	Теоретико-множественный смысл произведения и частного натуральных чисел	4	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 6.40; 6.42; 6.44; 6.45; 6.46; 6.47; 6.51; 6.52; 6.61.
16.	Натуральное число как мера величины	8	1. Повторение теоретического материала 2. Решение задач по теме: № 6.62; 6.63; 6.64; 6.65; 6.67; 6.70; 6.71; 6.76.

17.	Текстовая задача	6	1. Вопросы к семинару: 1) Структура текстовой задачи. 2) Методы и способы решения текстовых задач. 3) Этапы решения задачи и приёмы их выполнения. 2. Составление и решение задач на зависимости между различными скалярными величинами (скорость, время, расстояние; цена, количество, стоимость и т.д.) 3. Решение текстовых задач разными методами: № 6.43; 6.48; 6.49; 6.50; 8.33; 8.34; 8.52; 10.44; 10.45; 10.47; 10.50; 10.60.
18.	Десятичная система счисления	4	1. Повторение школьного материала по данной теме. 2. Решение задач по данной теме: № 7.4; 7.5; 7.6; 7.8; 7.9; 7.11; 7.12; 7.13; 7.14; 7.15; 7.18; 7.20.
19.	Позиционные системы, отличные от десятичной	2	1. Проверка домашней работы. 2. Решение задач по данной теме: № 7.1; 7.2; 7.3; 7.26; 7.27; 7.28; 7.29; 7.30; 7.31; 7.32; 7.34; 7.35; 7.37; 7.38; 7.39.
20.	Отношение делимости	4	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: № 8.1; 8.2; 8.3; 8.4; 8.6; 8.9; 8.12; 8.13; 8.14; 8.18; 8.21; 8.24; 8.25; 8.27; 8.28; 8.29; 8.30, 8.55; 8.57.
21.	Делители и кратные чисел	4	1. Составить таблицу простых чисел до 100, используя алгоритм «Решето Эратосфена». 2. Нахождение НОД и НОК различными способами. 3. Решение задач по данной теме: № 8.36; 8.37; 8.38; 8.39; 8.41; 8.43; 8.44; 8.46; 8.50; 8.54; 8.58; 8.59; 8.60; 8.61; 8.62; 8.72; 8.77; 8.78.
22.	Рациональные числа	8	1. Повторение теоретического материала. 2. Решение примеров, используя приёмы устного счёта. 3. Решение задач по данной теме: № 9.16; 9.20; 9.21; 9.22; 9.23; 9.24; 9.26; 9.27; 9.29; 9.30; 9.31; 9.32; 9.33; 9.42; 9.49; 9.50; 9.51; 9.53; 9.55.
23.	Действительные числа	6	Решение задач по данной теме: № 9.60; 9.61; 9.63; 9.64; 9.66; 9.67; 9.68.
24.	Числовые выражения, равенства, неравенства	6	Решение задач по данной теме: № 10.1; 10.2; 10.3; 10.5; 10.6; 10.7; 10.8; 10.10; 10.11; 10.13; 10.14; 10.15; 10.17; 10.18; 10.19; 10.20.
25.	Выражения с переменной	8	1. Актуализация знаний. 2. Решение задач по данной теме: №; 10.22; 10.23; 10.24; 10.25; 10.26; 10.30.
26.	Уравнения с одной переменной	6	1. Повторение школьного материала по данной теме: виды уравнений, алгоритмы решений.

			2. Решение задач по данной теме: № 10.34; 10.36; 10.37; 10.38; 10.39; 10.41; 10.42; 10.43; 10.44; 10.46; 10.51; 10.54; 10.57; 10.61; 10.63; 10.95; 10.96.
27.	Неравенства с одной переменной	6	1. Повторение школьного материала по данной теме: виды неравенств, алгоритмы решений. 2. Решение систем и совокупностей неравенств. 2. Решение задач по данной теме: № 10.65; 10.66; 10.68; 10.69; 10.71; 10.72; 10.73; 10.114; 10.115; 10.116; 10.118.
28.	Скалярные величины	2	Решение задач по данной теме: № 6.53; 6.54; 6.55; 6.56; 6.57; 6.58; 6.59; 12.1; 12.2; 12.5; 12.6; 12.29.
29.	Длина отрезка	1	1. Решение задач по данной теме: № 12.17; 12.18; 12.19; 12.20; 12.29; 12.30(а).
30.	Площадь плоской фигуры	1	1. Решение задач по данной теме: № 12.21; 12.22; 12.23; 12.24; 12.25; 12.26; 12.27 (а); 12.30 (ж); 12,31(в); 6.57.
31.	Объём тела	1	1. Решение задач по данной теме: № 12.1 (д); 12.4 (ж, з); 12.6 (д); 12.27 (б); 12.30 (з, и); 12,31(з); 6.58.
32.	Масса тела	1	1. Решение задач по данной теме: № 6.56; 12.27(в); 12.28; 12.30(б, в); 12,31(а, ж).
34.	Геометрические фигуры на плоскости	4	1. Повторение школьного материала по данной теме. 2. Решение задач по данной теме: № 11.3; 11.4; 11.5; 11.6; 11.7; 11.8; 11.10; 11.12; 11.13; 11.15; 11.16; 11.17; 11.18; 11.20; 11.21; 11.22; 11.23; 11.24; 11.31.
35.	Геометрические построения на плоскости	2	1. Повторить элементарные построения на плоскости. 2. Решение задач на построение фигур различными методами с помощью различных инструментов. 3. Решение задач по данной теме: № 11.61; 11.62; 11.63; 11.64; 11.65; 11.67; 11.69; 11.71; 11.72; 11.74; 11.75; 11.76; 11.78; 11.80; 11.84.
35.	Геометрические фигуры в пространстве	4	1. Построение развёрток пространственных фигур. 2. Изготовление моделей геометрических тел. 3. Решение задач по данной теме: № 11.89; 11.90; 11.91; 11.92; 11.95; 11.99; 11.103; 11.104; 11.108; 11.109; 11.115; 11.121; 11.122; 11.123; 11.128.

6.3. Тематика и задания для лабораторных занятий

Лабораторные занятия не предусмотрены учебным планом.

6.4. Методические рекомендации для выполнения курсовых работ (проектов)

Курсовые работы (проекты) не предусмотрены учебным планом.

7. Перечень основной и дополнительной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

а) основная:

1. Амаатов М.А. Математика: в 2 кн.: учеб. пособие для студ. высш. пед. учеб. заведений. – М.: Академия, 2008.
2. Аматова Г.М., Амаатов М. А. Математика. Упражнения и задачи: учеб. пособие для студ. высш. пед. учеб. заведений. – М.: Издательский центр «Академия», 2008.

б) дополнительная

1. Балдин К.В. Математика [Электронный ресурс]: учебное пособие/ К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рукосуев. – Электронные текстовые данные. – М.: Юнити-Дана, 2015. – 543 с. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=114423>
2. Грес П.В. Математика для бакалавров: Универсальный курс для студентов гуманитарных направлений: учебное пособие / П.В. Грес. – 2-е изд., перераб. и доп. – М.: Логос, 2013. – 288 с. – ISBN 978-5-98704-751-4 ; То же [Электронный ресурс]. – URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=233778>
3. Стойлова Л.П. Математика: [учеб. пособие для студ. высш. пед. учеб. заведений]. – 2-е изд., стер. – М.: Академия, 2004. – 424 с. – (Высшее профессиональное образование) (Педагогические специальности). – ISBN 5-7695-1963-0 : 155.90.
4. Елецких, И. А. Математика : учебное пособие / И. А. Елецких, Т. М. Сафронова, Н. В. Черноусова ; Елецкий государственный университет им. И.А. Бунина, Кафедра математики и методики её преподавания. – Елец : Елецкий государственный университет им. И. А. Бунина, 2016. – Часть 1. – 198 с. : граф., ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=498149>
5. Елецких, И. А. Математика : учебное пособие / И. А. Елецких, Т. М. Сафронова, Н. В. Черноусова ; Елецкий государственный университет им. И.А. Бунина, Кафедра математики и методики её преподавания. – Елец : Елецкий государственный университет им. И. А. Бунина, 2016. – Часть 2. – 144 с. : граф., ил. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=498148>
6. Балдин, К. В. Математика : учебное пособие / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. – Москва : Юнити-Дана, 2017. – 543 с. – Режим доступа: по подписке. – URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=684530>

При выполнении самостоятельной работы и подготовке сообщений и рефератов студенты могут использовать другие источники.

8. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

При реализации дисциплины «Математика» используются

дистанционные образовательные технологии. Курс в СДО содержит следующие элементы: лекции (текстовые файлы, презентации с аудиосопровождением), практические занятия, самостоятельная работа.

Информационно-образовательные ресурсы:

1. Федеральный портал «Российское образование»;
2. Официальный сайт Министерства образования и науки Российской Федерации
3. <http://window.edu.ru/window> – Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам». В библиотеке этого ресурса представлены полнотекстовые источники по всем основным разделам математики.

Электронные библиотечные системы:

1. ЭБС «Лань» <https://e.lanbook.com>
2. ЭБС «Znaniium» <http://znaniium.com>
3. ЭБС «Университетская библиотека online» <http://biblioclub.ru>

9. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для обеспечения дисциплины «Математика» необходимы:

- учебные аудитории, оснащенные учебной мебелью и доской;
- лекционная аудитория, оборудованная мультимедийным портативным проектором, настенным экраном, ноутбуком;
- оборудованный компьютерный класс для проведения тестирования;
- презентации к лекциям;
- учебники, учебно-методические пособия, сборники задач;
- комплект контрольных заданий и тестов для текущего контроля.

Программное обеспечение: GNU LGPL v3+, свободно распространяемый офисный пакет с открытым исходным кодом.